

## יסודות הסטטיסטיקה ב

### פרק 5 - מבוא לבדיקת השערות על פרמטרים

#### תוכן העניינים

1 .....	1. הקדמה .....
5 .....	2. סוגי טעויות .....

## הקדמה:

### רקע:

תהליך של בדיקת השערות הוא תהליך מאד נפוץ בעולם הסטטיסטי. בבדיקה השערות על פרמטרים עוסcid לפיה שלבים הבאים:

**שלב א:** נזהה את הפרמטר הנחקר.

**שלב ב:** נרשום את השערות המחקר. השערת האפס המסומנת ב- $H_0$ .

בדרך כלל השערת האפס מסמלת את אשר היה מקובל עד עכשו, את השגרה הנורמה.

השערה אלטרנטיבית (השערת המחקר) המסומנת ב- $H_1$ .

ההשערה האלטרנטיבית מסמלת את החשנות בעצם ההשערה האלטרנטיבית מדברת על הסיבה שהמחקר נעשה היא שאלת המחקר.

**שלב ג:** נבדוק האם התנאים לביצוע התהליך מתקיים ונניח הנחות במידת הצורך.

**שלב ד:** נרשום את כלל הכרעה. בתהליך של בדיקת השערות יוצרים כלל שנקרה כלל הכרעה. הכליל יוצר אзорים שנקרים:

1. **אזור דחיה:**

דחיה של השערת האפס כלומר קבלה של האלטרנטיבית.

2. **אזור קבלה:**

קבלת השערת האפס ודחיה של האלטרנטיבית. כלל הכרעה מתבסס על איזשהו סטטיסטי. אזור הדחיה מוכתב על ידי סיכון שלוקח החוקר מראש שנקרה רמת מובהקות ומסומן ב- $\alpha$ .

**שלב ה:** בתהליך יש ללקת לתוצאות המדגם וליחסב את הסטטיסטי המתאים ולבדוק האם התוצאות נופלות באזור הדחיה או הקבלה.

**שלב ו:** להסיק מסקנה בהתאם לתוצאות המדגם.

**דוגמה (פתרון בהקלטה):**

משרד הבריאות פרסם משקל ממוצע של תינוקות ביום לידתם בישראל 3300 גרם. משרד הבריאות רוצה לחזור את הטענה שנשים מעשנות בזמן ההריון יולדות תינוקות במשקל נמוך מהממוצע. במחקר השתתפו 20 נשים מעשנות בהריון. להלן תוצאות המדגם שבודק את המשקל של התינוקות בעת הלידה:

$$\bar{X} = 3120, S = 280, n = 20.$$

- א. מהי אוכלוסיית המחקר?
- ב. מה המשתנה הנחקר?
- ג. מה הפרמטר הנחקר?
- ד. מהן השערות המחקר?

**שאלות:****בשאלות הבאות, ענו על הטעיפים הבאים:**

- א. מהי אוכלוסיית המחקר?
- ב. מה המשנה הנחקר?
- ג. מה הפרמטר הנחקר?
- ד. מהן השערות המחקר?

- (1)** ממוצע הציונים בבחינת הבגרות באנגלית הנו 72 עם סטיטית תקן 15 נקודות. מורה טוען שפיתחה שיטה לימוד חדשה שתעלה את ממוצע הציונים. משרד החינוך החליט לתת למורה 36 תלמידים אקראים. ממוצע הציונים של אותם תלמידים לאחר לימודו בשיטתו היה 75.5.
- (2)** לפי הצהרת היিירן של חברת משקאות מסויימת נפח הנוזל בבקבוק מתפלג נורמלית עם תוחלת 500 סמ"ק וסטיטית תקן 20 סמ"ק. אגודה הרכנים מתלוננת על הפחתת נפח המשקה בבקבוק מהכמות המוצחרת. במדוג שעשתה אגודה הרכנים התקבל נפח ממוצע של 492 סמ"ק במדוג בגודל 25.
- (3)** במשך שנים אחדו המועמדים שהתקבלו לפיקולטה למשפטים היה 25%. השנה מתוך מדגם של 120 מועמדים התקבלו 22. מחקר מעוניין לבדוק האם השנה מקשים על הקבלה לפיקולטה למשפטים.
- (4)** בחודש ינואר השנה פורסם שאחדו האבטלה במשק הוא 8% במדוג עכשווי התקבל שמתוך 200 אנשים 6.5% מובטלים. רוצחים לבדוק ברמת מובהקות של 5% האם אחדו האבטלה הוא כמו בתחילת השנה.

**תשובות סופיות:**

- ב. ציון.
- 1) א. נבחנים בברירות באנגלית.  
 $H_0: \mu = 72$       ג. ממוצע הציונים בשיטת לימוד חדשה.  
 $H_1: \mu > 72$
- ב. נפח משקה בבקבוק של חברת מסויימת.
- 2) א. משקאות בבקבוק של חברת מסויימת.  
 $H_0: \mu = 500$       ג. ממוצע נפח המשקה בבקבוק.  
 $H_1: \mu < 500$
- ב. משתנה דיכוטומי (התקבל, לא התקבל).
- 3) א. מועמדים לפיקולטה למשפטים.  
 $H_0: p = 0.25$       ג. אחוז הקבלה.  
 $H_1: p < 0.25$
- ב. משתנה דיכוטומי (מובטל, עובד).
- 4) א. אזרחים בוגרים במשק.  
 $H_0: p = 0.08$       ג. אחוז האבטלה ביום.  
 $H_1: p \neq 0.08$

## סוגי טעויות:

### רַקֵּעַ:

בתחילת בדיקת השערות יוצרים כלל שנקרא כלל הכרעה. הכלל יוצר אзорים שנקראים:

1. אזור דחיה – דחיה של השערת האפס כלומר קבלה של האלטרנטיבה.
2. אזור קבלה – קבלה של השערת האפס ודחיה של האלטרנטיבה.

כל הכרעה מתבסס על איזשהו סטטיסטי.

בתחילת יש ל选取 תוצאות המדגם ולבזוק האם התוצאות נופלות באזור הדחיה או הקבלה וכן להגעה למסקנה – המסקנה היא עירובן מוגבל כיון שהיא תלולה בכל הכרעה ובתוצאות המדגם. אם נשנה את כלל הכרעה אז אנחנו יכולים לקבל מסקנה אחרת. אם נבצע מדגם חדש אז אנחנו עלולים לקבל תוצאה אחרת. לכן יתכונו טעויות במסקנות שלנו:

		הכרעה	
מציאות		$H_0$	$H_1$
	$H_0$	אין טעות 1	טעות מסוג 1
	$H_1$	טעות מסוג 2	אין טעות

### הגדרת הטעויות:

טעות מסוג ראשון: להכריע לדוחות את  $H_0$  למראות שבמציאות  $H_0$  נכונה.  
טעות מסוג שני: להכריע לקבל את  $H_0$  למראות שבמציאות  $H_1$  נכונה.

### דוגמה (פתרון בהקלטה):

אדם חשוד בביוץ עבירה ונتابע בבית המשפט.  
אילו סוגי טעויות אפשריות בהכרעת הדין?

**שאלות:**

- 1)** לפי הצהרת היכרן של חברת משקאות מסוימת נפח הנוזל בבקבוק מתפלג נורמלית עם תוחלת 500 סמ"ק וסטיית תקן 20 סמ"ק. אגודת הcrcנים מתלוננת על הפחתת נפח המשקה בבקבוק מהכמות המוצחרת. במדוג שעשתה אגודת הcrcנים התקבל נפח ממוצע של 492 סמ"ק במדוג בגודל 25. בסופו של דבר הוחלט להזכיר לטובת חברת המשקאות.
- רשמו את השערות המחקר.
  - מה מסקנת המחקר?
  - אייזו סוג טעות יתכן וביצעו במחקר?
- 2)** במחקר על פרמטר מסוים הוחלט בסופו של דבר לדוחות את השערת האפס.
- אם ניתן לדעת אם בוצע טעות במחקר?
  - מה סוג הטעות האפשרית?
- 3)** לפי נתוני משרד הפנים בשנת 1980 למשפחה ממוצעת היה 2.3 ילדים למשפחה עם סטיית תקן 0.4. ישנה טענה שכיוום ממוצע מספר הילדים במשפחה קטן יותר. לצורך כך הוחלט לדוגם 121 משפחות. במדוג התקבל ממוצע 2.17 ילדים למשפחה. על סמך תוצאות המדוג נקבע שלא ניתן לקבוע שבאופנו מובהק תוחלת מספר הילדים למשפחה קטנה כיום.
- מהי אוכלוסיות המחקר?
  - מה המשנה הנחקרה?
  - מה הפרמטר הנחקר?
  - מה השערות המחקר?
  - מה מסקנת המחקר?
  - מי סוג הטעות האפשרית במחקר?

**תשובות סופיות:**

- 1)** א.  $\mu = 500$ .  
ב.  $\mu < 500$ .
- 2)** א. לא ניתן לדעת.  
ב. טעות מסווג ראשונה.
- 3)** א. משפחות כיום.  
ב. מס' הילדים.
- ג. תוחלת מספר הילדים למשפחה כיום.  
ה. לא לדוחות את  $H_0$ . ו. טעות מסווג שנייה.
- $H_0 : \mu = 2.3$ .  
 $H_1 : \mu < 2.3$ .